

Algorithmique - Programmation 1

Cours 6

Université Henri Poincaré

CESS Epinal

Automne 2008

Plan

Rappels : les listes

Utilisation des listes

Rappels : les listes

- ▶ Suite d'**éléments de même type**
- ▶ Construction de listes :
 - opérateur `::`
`'a -> 'a list -> 'a list = <fun>`
 - opérateur `@` (concaténation)
`'a list -> 'a list -> 'a list = <fun>`
- ▶ Exemples :
`# 1.2 :: 1.5 :: 1.8 :: [];;`

Rappels : les listes

- ▶ Suite d'**éléments de même type**
- ▶ Construction de listes :
 - opérateur `::`

```
'a -> 'a list -> 'a list = <fun>
```
 - opérateur `@` (concaténation)


```
'a list -> 'a list -> 'a list = <fun>
```
- ▶ Exemples :

```
# 1.2 :: 1.5 :: 1.8 :: [];;
- : float list = [1.2; 1.5; 1.8]
```

Rappels : les listes

- ▶ Suite d'**éléments de même type**
- ▶ Construction de listes :
 - opérateur `::`

```
'a -> 'a list -> 'a list = <fun>
```
 - opérateur `@` (concaténation)


```
'a list -> 'a list -> 'a list = <fun>
```
- ▶ Exemples :

```
# 1.2 :: 1.5 :: 1.8 :: [];;
- : float list = [1.2; 1.5; 1.8]
# [1.2] @ [1.5; 1.8];;
```

Rappels : les listes

- ▶ Suite d'**éléments de même type**
- ▶ Construction de listes :
 - opérateur `::`

```
'a -> 'a list -> 'a list = <fun>
```
 - opérateur `@` (concaténation)


```
'a list -> 'a list -> 'a list = <fun>
```
- ▶ Exemples :

```
# 1.2 :: 1.5 :: 1.8 :: [];;
- : float list = [1.2; 1.5; 1.8]

# [1.2] @ [1.5; 1.8];;
- : float list = [1.2; 1.5; 1.8]
```

Rappels : les listes

- ▶ Suite d'**éléments de même type**
- ▶ Construction de listes :
 - opérateur `::`

```
'a -> 'a list -> 'a list = <fun>
```
 - opérateur `@` (concaténation)


```
'a list -> 'a list -> 'a list = <fun>
```
- ▶ Exemples :

```
# 1.2 :: 1.5 :: 1.8 :: [];;
- : float list = [1.2; 1.5; 1.8]

# [1.2] @ [1.5; 1.8];;
- : float list = [1.2; 1.5; 1.8]

# [];;
```

Rappels : les listes

- ▶ Suite d'**éléments de même type**
- ▶ Construction de listes :
 - opérateur `::`
`'a -> 'a list -> 'a list = <fun>`
 - opérateur `@` (concaténation)
`'a list -> 'a list -> 'a list = <fun>`
- ▶ Exemples :

```
# 1.2 :: 1.5 :: 1.8 :: [];;
- : float list = [1.2; 1.5; 1.8]

# [1.2] @ [1.5; 1.8];;
- : float list = [1.2; 1.5; 1.8]

# [];;
- : 'a list = []
```


Rappels : les listes

► Opérations sur les listes :

1. **opérations prédéfinies** (`List.length`, `List.hd`, `List.tl`, `List.fold_left`, etc)

2. **traitement récursif** (parcours de la liste), exemple :

```
# let rec inc = function l -> match l with
    []      -> []
  | t::r   -> (t+1) :: (inc r);;
val inc : int list -> int list = <fun>
```

Rappels : les listes

- ▶ Notion d'**accumulateur** : utilisation d'un paramètre de type liste dans le but d'accumuler des résultats intermédiaires au cours d'un parcours récursif
- ▶ Exemple : renversement d'une liste

```
# let rec renverse l accu = match l with
  []    -> accu
  | t::r -> renverse r (t::accu);;
val renverse : 'a list -> 'a list -> 'a list = <fun>
```

- ▶ Question : que vaut `renverse [1;2;3;4;5];;` ?
- ▶ Exercice : écrire une fonction `separe` qui, à partir d'une liste d'entier, retourne une liste où apparaissent d'abord les entiers pairs, puis les impairs

Plan

Rappels: les listes

Utilisation des listes

Utilisation des listes

- ▶ Modélisation de données homogènes en nombre quelconque (mais fini)
- ▶ Opérations sur ces données (application de fonctions, comparaisons, tri, *etc*)
- ▶ Exemples d'utilisation des listes :
 - modélisation de polynômes
 - modélisation d'un annuaire
 - modélisation du calcul matriciel

Plan

Rappels: les listes

Utilisation des listes

Modélisation de polynômes

Modélisation d'un annuaire

Modélisation du calcul matriciel

Modélisation de polynômes

- ▶ Polynôme de degré n :

$$P(x) = a_0 + a_1x^1 + a_2x^2 + \dots + a_{n-1}x^{n-1} + a_nx^n$$

- ▶ Un polynôme peut être défini par les coefficients associés à chaque degré, exemple :

Modélisation de polynômes

- ▶ Polynôme de degré n :

$$P(x) = a_0 + a_1x^1 + a_2x^2 + \dots + a_{n-1}x^{n-1} + a_nx^n$$

- ▶ Un polynôme peut être défini par les coefficients associés à chaque degré, exemple :

a) Représentation "pleine"

$$P_1(X) = 2 + 3x^2 \leftrightarrow \# \text{ let } p1 = [2; 0; 3];;$$

Modélisation de polynômes

- ▶ Polynôme de degré n :

$$P(x) = a_0 + a_1x^1 + a_2x^2 + \dots + a_{n-1}x^{n-1} + a_nx^n$$

- ▶ Un polynôme peut être défini par les coefficients associés à chaque degré, exemple :

a) Représentation "pleine"

$$P_1(X) = 2 + 3x^2 \leftrightarrow \# \text{ let } p1 = [2; 0; 3];;$$

b) Représentation "creuse"

$$P_1(X) = 2 + 3x^2 \leftrightarrow \# \text{ let } p1 = [(2,0); (3,2)];;$$

Modélisation de polynômes (suite)

- ▶ Comment implanter la somme de polynômes, pour chacune de ces représentations ?

Modélisation de polynômes (suite)

- ▶ Comment implanter la somme de polynômes, pour chacune de ces représentations ?
- ▶ Réponse (représentation “pleine”) :

Modélisation de polynômes (suite)

- ▶ Comment implanter la somme de polynômes, pour chacune de ces représentations ?
- ▶ Réponse (représentation "pleine") :

```
let rec somme p1 p2 = match (p1, p2) with
  | [], [] -> []
  | -, [] -> failwith "pb de representations"
  | [], - -> failwith "pb de representations"
  | t1::r1,t2::r2 -> (t1+t2)::(somme r1 r2);;
```

Modélisation de polynômes (suite)

- ▶ Comment implanter la somme de polynômes, pour chacune de ces représentations ?
- ▶ Réponse (représentation "pleine"):

```
let rec somme p1 p2 = match (p1, p2) with
  | [], [] -> []
  | _, [] -> failwith "pb de representations"
  | [], _ -> failwith "pb de representations"
  | t1::r1,t2::r2 -> (t1+t2)::(somme r1 r2);;

val somme : int list -> int list -> int list =
<fun>
```

Modélisation de polynômes (suite)

- ▶ Réponse (représentation “creuse”):

Modélisation de polynômes (suite)

- Réponse (représentation “creuse”):

```
let rec somme p1 p2 = match p1,p2 with
  [],[] -> []
| _, [] -> p1
| [], _ -> p2
| (a1,b1)::r1,(a2,b2)::r2 -> if (b1=b2)
  then (a1+a2, b1)::(somme r1 r2)
  else if (b1<b2)
    then (a1, b1) :: (somme r1 p2)
    else (a2, b2) :: (somme p1 r2);;
```

Modélisation de polynômes (suite)

- Réponse (représentation “creuse”):

```
let rec somme p1 p2 = match p1,p2 with
  [],[] -> []
| _, [] -> p1
| [], _ -> p2
| (a1,b1)::r1,(a2,b2)::r2 -> if (b1=b2)
  then (a1+a2, b1)::(somme r1 r2)
  else if (b1<b2)
    then (a1, b1) :: (somme r1 p2)
    else (a2, b2) :: (somme p1 r2);;

val somme : (int * 'a) list -> (int * 'a) list ->
(int * 'a) list = <fun>
```

Modélisation de polynômes (suite)

- ▶ Qu'en est-il du calcul du produit de polynômes ?
- ▶ Proposez une implantation du produit pour la représentation "creuse"

Modélisation de polynômes (suite)

- ▶ Qu'en est-il du calcul du produit de polynômes ?
- ▶ Proposez une implantation du produit pour la représentation "creuse"
- ▶ Réponse :

Modélisation de polynômes (suite)

- ▶ Qu'en est-il du calcul du produit de polynômes ?
- ▶ Proposez une implantation du produit pour la représentation "creuse"
- ▶ Réponse :
 1. calcul du produit par un monôme :

Modélisation de polynômes (suite)

- ▶ Qu'en est-il du calcul du produit de polynômes ?
- ▶ Proposez une implantation du produit pour la représentation "creuse"
- ▶ Réponse :

1. calcul du produit par un monôme :

```
# let produit_m (a,b) l =  
  List.map (function x,y -> a*x,b+y) l;;
```

Modélisation de polynômes (suite)

- ▶ Qu'en est-il du calcul du produit de polynômes ?
- ▶ Proposez une implantation du produit pour la représentation "creuse"
- ▶ Réponse :

1. calcul du produit par un monôme :

```
# let produit_m (a,b) l =  
    List.map (function x,y -> a*x,b+y) l;;  
  
val produit_m : int * int -> (int * int) list  
-> (int * int) list = <fun>
```

Modélisation de polynômes (suite)

- ▶ Qu'en est-il du calcul du produit de polynômes ?
- ▶ Proposez une implantation du produit pour la représentation "creuse"
- ▶ Réponse :

1. calcul du produit par un monôme :

```
# let produit_m (a,b) l =  
    List.map (function x,y -> a*x,b+y) l;;  
  
val produit_m : int * int -> (int * int) list  
-> (int * int) list = <fun>
```

2. calcul du produit de polynômes (version incomplète) :

Modélisation de polynômes (suite)

- ▶ Qu'en est-il du calcul du produit de polynômes ?
- ▶ Proposez une implantation du produit pour la représentation "creuse"
- ▶ Réponse :

1. calcul du produit par un monôme :

```
# let produit_m (a,b) l =  
    List.map (function x,y -> a*x,b+y) l;;  
  
val produit_m : int * int -> (int * int) list  
-> (int * int) list = <fun>
```

2. calcul du produit de polynômes (version incomplète) :

```
# let produit1 l1 l2 =  
    (List.flatten (List.map (function x ->  
        produit_m x l2) l1));;
```

Modélisation de polynômes (suite)

- ▶ Calcul du produit de polynômes (version complète):

```
# let produit l1 l2 =  
  reduce (List.flatten (List.map (function x ->  
    produit_m x l2) l1));;
```

Modélisation de polynômes (suite)

- Calcul du produit de polynômes (version complète):

```
# let produit l1 l2 =  
    reduce (List.flatten (List.map (function x ->  
    produit_m x l2) l1));;  
  
val produit : (int * int) list -> (int * int) list  
-> (int * int) list = <fun>
```


Modélisation de polynômes (suite)

- Calcul du produit de polynômes (version complète):

```
# let produit l1 l2 =  
    reduce (List.flatten (List.map (function x ->  
    produit_m x l2) l1));;  
  
val produit : (int * int) list -> (int * int) list  
-> (int * int) list = <fun>  
  
# let rec reduce l = let lprim =  
    List.sort (function (a,b) -> function (c,d) ->  
    compare b d) l) in
```

Modélisation de polynômes (suite)

- ▶ Calcul du produit de polynômes (version complète):

```
# let produit l1 l2 =  
    reduce (List.flatten (List.map (function x ->  
        produit_m x l2) l1));;  
  
val produit : (int * int) list -> (int * int) list  
-> (int * int) list = <fun>  
  
# let rec reduce l = let lprim =  
    List.sort (function (a,b) -> function (c,d) ->  
        compare b d) l) in match lprim with  
    [] -> []  
  | (a,b)::[] -> [(a,b)]  
  | (a,b)::(c,d)::r -> if (b=d) then  
        (reduce ((a+c,b)::r))  
    else (a,b)::(reduce ((c,d)::r)) ;;
```

Modélisation de polynômes (suite)

- ▶ Exemple d'appel de la fonction produit :

```
# produit [(2,0); (3,1); (4,2)] [(2,1); (3,2)];;
```

```
- : (int * int) list =  
  [(4, 1); (12, 2); (17, 3); (12, 4)]
```

Plan

Rappels: les listes

Utilisation des listes

Modélisation de polynômes

Modélisation d'un annuaire

Modélisation du calcul matriciel

Modélisation d'un annuaire

- ▶ Représentation (simplifiée):
→ liste de chaînes de caractères
- ▶ Exemple :

```
# let annuaire = ["Durand-0383123457";  
                 "Wagner-0383123458"; "Dupont-0383123456"];;
```

```
val annuaire : string list =  
  ["Durand-0383123457"; "Wagner-0383123458";  
   "Dupont-0383123456"]
```

Modélisation d'un annuaire (suite)

- ▶ Question : comment trier un annuaire ?
- ▶ Proposition : **tri par recherche du minimum**
 1. parcours de la liste pour récupérer le minimum
 2. mise en tête du minimum
 3. appel récursif sur le reste de la liste (*i.e.* sans le minimum)

Modélisation d'un annuaire

- ▶ Comment écrire une fonction qui retourne (i) le minimum de la liste et (ii) le reste de la liste ?
- ▶ Réponse :

Modélisation d'un annuaire

- ▶ Comment écrire une fonction qui retourne (i) le minimum de la liste et (ii) le reste de la liste ?
- ▶ Réponse :

```
# let rec rechercheMin l m lprim = match l with
```


Modélisation d'un annuaire

- ▶ Comment écrire une fonction qui retourne (i) le minimum de la liste et (ii) le reste de la liste?
- ▶ Réponse :

```
# let rec rechercheMin l m lprim = match l with  
  [] -> m,lprim
```

Modélisation d'un annuaire

- ▶ Comment écrire une fonction qui retourne (i) le minimum de la liste et (ii) le reste de la liste?
- ▶ Réponse :

```
# let rec rechercheMin l m lprim = match l with  
  [] -> m,lprim  
| t::r -> if (m=[]) then (rechercheMin r [t] lprim)
```

Modélisation d'un annuaire

- ▶ Comment écrire une fonction qui retourne (i) le minimum de la liste et (ii) le reste de la liste?
- ▶ Réponse :

```
# let rec rechercheMin l m lprim = match l with  
  [] -> m,lprim  
| t::r -> if (m=[]) then (rechercheMin r [t] lprim)  
  else let oldmin = (List.hd m) in
```

Modélisation d'un annuaire

- ▶ Comment écrire une fonction qui retourne (i) le minimum de la liste et (ii) le reste de la liste?
- ▶ Réponse :

```
# let rec rechercheMin l m lprim = match l with
  [] -> m,lprim
| t::r -> if (m=[]) then (rechercheMin r [t] lprim)
  else let oldmin = (List.hd m) in
  if (t < oldmin)
    then (rechercheMin r [t] (lprim @ [oldmin]))
```

Modélisation d'un annuaire

- ▶ Comment écrire une fonction qui retourne (i) le minimum de la liste et (ii) le reste de la liste ?
- ▶ Réponse :

```
# let rec rechercheMin l m lprim = match l with
  [] -> m,lprim
| t::r -> if (m=[]) then (rechercheMin r [t] lprim)
  else let oldmin = (List.hd m) in
  if (t < oldmin)
    then (rechercheMin r [t] (lprim @ [oldmin]))
    else (rechercheMin r m (lprim @ [t])) ;;
```

Modélisation d'un annuaire

- ▶ Comment écrire une fonction qui retourne (i) le minimum de la liste et (ii) le reste de la liste?
- ▶ Réponse:

```
# let rec rechercheMin l m lprim = match l with
  [] -> m,lprim
| t::r -> if (m=[]) then (rechercheMin r [t] lprim)
  else let oldmin = (List.hd m) in
  if (t < oldmin)
    then (rechercheMin r [t] (lprim @ [oldmin]))
    else (rechercheMin r m (lprim @ [t])) ;;

val rechercheMin : 'a list -> 'a list -> 'a list
-> 'a list * 'a list = <fun>
```

Modélisation d'un annuaire (suite)

- ▶ Comment écrire un fonction récursive qui tri un annuaire en plaçant systématiquement le plus petit élément en tête de liste ?
- ▶ Réponse :

Modélisation d'un annuaire (suite)

- ▶ Comment écrire un fonction récursive qui tri un annuaire en plaçant systématiquement le plus petit élément en tête de liste ?
- ▶ Réponse :

```
# let rec tri l = match l with
```


Modélisation d'un annuaire (suite)

- ▶ Comment écrire un fonction récursive qui tri un annuaire en plaçant systématiquement le plus petit élément en tête de liste ?
- ▶ Réponse :

```
# let rec tri l = match l with  
  [] -> []
```

Modélisation d'un annuaire (suite)

- ▶ Comment écrire un fonction récursive qui tri un annuaire en plaçant systématiquement le plus petit élément en tête de liste ?
- ▶ Réponse :

```
# let rec tri l = match l with  
  [] -> []  
  | a::[] -> [a]
```

Modélisation d'un annuaire (suite)

- ▶ Comment écrire un fonction récursive qui tri un annuaire en plaçant systématiquement le plus petit élément en tête de liste ?
- ▶ Réponse :

```
# let rec tri l = match l with
  [] -> []
| a::[] -> [a]
| _ -> let min,reste = (rechercheMin l [] []) in
```

Modélisation d'un annuaire (suite)

- ▶ Comment écrire un fonction récursive qui tri un annuaire en plaçant systématiquement le plus petit élément en tête de liste ?
- ▶ Réponse :

```
# let rec tri l = match l with
  [] -> []
| a::[] -> [a]
| _ -> let min,reste = (rechercheMin l [] []) in
  (List.hd min)::(tri reste);;
```

Modélisation d'un annuaire (suite)

- ▶ Comment écrire un fonction récursive qui tri un annuaire en plaçant systématiquement le plus petit élément en tête de liste ?
- ▶ Réponse :

```
# let rec tri l = match l with
  [] -> []
  | a::[] -> [a]
  | _ -> let min,reste = (rechercheMin l [] []) in
    (List.hd min)::(tri reste);;

val tri : 'a list -> 'a list = <fun>
```

Modélisation d'un annuaire (suite)

- ▶ Appel de la fonction de tri :

```
# let annuaire = ["Durand-0383123457";  
                "Wagner-0383123458"; "Dupont-0383123456"];;  
  
val annuaire : string list =  
  ["Durand-0383123457"; "Wagner-0383123458";  
   "Dupont-0383123456"]  
  
# tri annuaire;;  
  
- : string list =  
["Dupont-0383123456"; "Durand-0383123457";  
 "Wagner-0383123458"]
```

Plan

Rappels: les listes

Utilisation des listes

Modélisation de polynômes

Modélisation d'un annuaire

Modélisation du calcul matriciel

Modélisation du calcul matriciel

- ▶ Modélisation d'une matrice sous forme de liste de listes
- ▶ Exemple :

$$m = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ 7 & 8 & 9 \end{bmatrix}$$

```
# let m = [ [1;2;3]; [4;5;6]; [7;8;9] ];;  
val m : int list list = [[1; 2; 3]; [4; 5; 6]; [7; 8; 9]]:
```


Modélisation du calcul matriciel

- ▶ Question 1 : comment implanter la multiplication de matrices ?

Modélisation du calcul matriciel

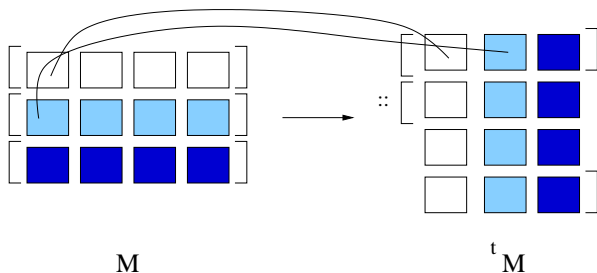
- ▶ Question 1 : comment implanter la multiplication de matrices ?
- ▶ Réponse : utiliser la **transposée** pour pouvoir faire la multiplication ligne à ligne

Modélisation du calcul matriciel

- ▶ Question 1 : comment implanter la multiplication de matrices ?
- ▶ Réponse : utiliser la **transposée** pour pouvoir faire la multiplication ligne à ligne
- ▶ Question 2 : comment implanter la fonction de transposition ?

Modélisation du calcul matriciel

- ▶ Question 1 : comment implanter la multiplication de matrices ?
- ▶ Réponse : utiliser la **transposée** pour pouvoir faire la multiplication ligne à ligne
- ▶ Question 2 : comment implanter la fonction de transposition ?



Modélisation du calcul matriciel (suite)

- ▶ Idée : utiliser la fonction `List.map`

Modélisation du calcul matriciel (suite)

- ▶ Idée: utiliser la fonction `List.map`

```
# let rec transpose mat = match mat with
```

Modélisation du calcul matriciel (suite)

- ▶ Idée: utiliser la fonction `List.map`

```
# let rec transpose mat = match mat with  
  [] -> []
```

Modélisation du calcul matriciel (suite)

- ▶ Idée: utiliser la fonction `List.map`

```
# let rec transpose mat = match mat with  
  [] -> []  
  | [] :: _ -> []
```


Modélisation du calcul matriciel (suite)

- Idée: utiliser la fonction `List.map`

```
# let rec transpose mat = match mat with
  [] -> []
| [] ::_ -> []
| _ ::_ -> (List.map List.hd mat) ::
```

Modélisation du calcul matriciel (suite)

- ▶ Idée: utiliser la fonction `List.map`

```
# let rec transpose mat = match mat with
  [] -> []
| [] ::_ -> []
| _ ::_ -> (List.map List.hd mat) ::
  (transpose (List.map List.tl mat)) ;;
```

Modélisation du calcul matriciel (suite)

- Idée: utiliser la fonction `List.map`

```
# let rec transpose mat = match mat with
  [] -> []
  | [] ::_ -> []
  | _ ::_ -> (List.map List.hd mat) ::
    (transpose (List.map List.tl mat)) ;;

val transpose : 'a list list -> 'a list list =
<fun>
```

Modélisation du calcul matriciel (suite)

- ▶ Idée: utiliser la fonction `List.map`

```
# let rec transpose mat = match mat with
  [] -> []
  | [] ::_ -> []
  | _ ::_ -> (List.map List.hd mat) ::
    (transpose (List.map List.tl mat)) ;;

val transpose : 'a list list -> 'a list list =
<fun>
```

- ▶ Transposition de m ?

```
# transpose m;;
- : int list list = [[1; 4; 7]; [2; 5; 8]; [3; 6;
9]]
```

Modélisation du calcul matriciel (suite)

- ▶ Implantation du produit scalaire (**une** ligne avec **une** ligne)

Modélisation du calcul matriciel (suite)

- ▶ Implantation du produit scalaire (**une** ligne avec **une** ligne)
let pscal l1 l2 = match l1, l2 with

Modélisation du calcul matriciel (suite)

- ▶ Implantation du produit scalaire (**une** ligne avec **une** ligne)

```
# let pscal l1 l2 = match l1, l2 with  
  [], [] -> 0
```

Modélisation du calcul matriciel (suite)

- ▶ Implantation du produit scalaire (**une** ligne avec **une** ligne)

```
# let pscal l1 l2 = match l1, l2 with
  [], [] -> 0
  | _, [] -> failwith "erreur au produit scalaire"
  | [], _ -> failwith "erreur au produit scalaire"
```


Modélisation du calcul matriciel (suite)

- Implantation du produit scalaire (**une** ligne avec **une** ligne)

```
# let pscal l1 l2 = match l1, l2 with
  [], [] -> 0
  | _, [] -> failwith "erreur au produit scalaire"
  | [], _ -> failwith "erreur au produit scalaire"
  | t1::r1, t2::r2 -> (t1*t2) + (pscal r1 r2);;
```

Modélisation du calcul matriciel (suite)

- Implantation du produit scalaire (**une** ligne avec **une** ligne)

```
# let pscal l1 l2 = match l1, l2 with
  [], [] -> 0
  | _, [] -> failwith "erreur au produit scalaire"
  | [], _ -> failwith "erreur au produit scalaire"
  | t1::r1, t2::r2 -> (t1*t2) + (pscal r1 r2);;
val pscal : int list -> int list -> int = <fun>
```

Modélisation du calcul matriciel (suite)

- ▶ Implantation du produit scalaire (**une** ligne avec **une** ligne)

```
# let pscal l1 l2 = match l1, l2 with
  [], [] -> 0
  | _, [] -> failwith "erreur au produit scalaire"
  | [], _ -> failwith "erreur au produit scalaire"
  | t1::r1, t2::r2 -> (t1*t2) + (pscal r1 r2);;

val pscal : int list -> int list -> int = <fun>
```

- ▶ Implantation du produit ligne à ligne

Modélisation du calcul matriciel (suite)

- ▶ Implantation du produit scalaire (**une** ligne avec **une** ligne)

```
# let pscal l1 l2 = match l1, l2 with
  [],[] -> 0
  | _,[] -> failwith "erreur au produit scalaire"
  | [],_ -> failwith "erreur au produit scalaire"
  | t1::r1,t2::r2 -> (t1*t2) + (pscal r1 r2);;
val pscal : int list -> int list -> int = <fun>
```

- ▶ Implantation du produit ligne à ligne

```
# let rec prodligne m1 m2 = match m1 with
```

Modélisation du calcul matriciel (suite)

- ▶ Implantation du produit scalaire (**une** ligne avec **une** ligne)

```
# let pscal l1 l2 = match l1, l2 with
  [],[] -> 0
  | _,[] -> failwith "erreur au produit scalaire"
  | [],_ -> failwith "erreur au produit scalaire"
  | t1::r1,t2::r2 -> (t1*t2) + (pscal r1 r2);;

val pscal : int list -> int list -> int = <fun>
```

- ▶ Implantation du produit ligne à ligne

```
# let rec prodligne m1 m2 = match m1 with
  [] -> []
```

Modélisation du calcul matriciel (suite)

- ▶ Implantation du produit scalaire (**une** ligne avec **une** ligne)

```
# let pscal l1 l2 = match l1, l2 with
  [],[] -> 0
  | _,[] -> failwith "erreur au produit scalaire"
  | [],_ -> failwith "erreur au produit scalaire"
  | t1::r1,t2::r2 -> (t1*t2) + (pscal r1 r2);;

val pscal : int list -> int list -> int = <fun>
```

- ▶ Implantation du produit ligne à ligne

```
# let rec prodligne m1 m2 = match m1 with
  [] -> []
  | t::r -> (List.map (function x -> pscal t x) m2)
  :: (prodligne r m2);;
```

Modélisation du calcul matriciel (suite)

- ▶ Implantation du produit scalaire (**une** ligne avec **une** ligne)

```
# let pscal l1 l2 = match l1, l2 with
  [], [] -> 0
  | _, [] -> failwith "erreur au produit scalaire"
  | [], _ -> failwith "erreur au produit scalaire"
  | t1::r1, t2::r2 -> (t1*t2) + (pscal r1 r2);;

val pscal : int list -> int list -> int = <fun>
```

- ▶ Implantation du produit ligne à ligne

```
# let rec prodligne m1 m2 = match m1 with
  [] -> []
  | t::r -> (List.map (function x -> pscal t x) m2)
    :: (prodligne r m2);;

val prodligne : int list list -> int list list
int list list = <fun>
```

Modélisation du calcul matriciel (suite)

- ▶ Finalement : produit matriciel

Modélisation du calcul matriciel (suite)

- ▶ Finalement: produit matriciel

```
# let multmat m1 m2 = prodligne m1 (transpose m2);;
```

Modélisation du calcul matriciel (suite)

- ▶ Finalement: produit matriciel

```
# let multmat m1 m2 = prodligne m1 (transpose m2);;  
val multmat : int list list -> int list list ->  
int list list = <fun>
```

Modélisation du calcul matriciel (suite)

- ▶ Finalement: produit matriciel

```
# let multmat m1 m2 = prodligne m1 (transpose m2);;  
val multmat : int list list -> int list list ->  
int list list = <fun>
```

- ▶ Exemple:

Modélisation du calcul matriciel (suite)

- ▶ Finalement: produit matriciel

```
# let multmat m1 m2 = prodligne m1 (transpose m2);;  
val multmat : int list list -> int list list ->  
int list list = <fun>
```

- ▶ Exemple:

```
# let m1,m2 = [[6;5];[0;8]], [[1;2];[3;4]];;
```

Modélisation du calcul matriciel (suite)

- ▶ Finalement: produit matriciel

```
# let multmat m1 m2 = prodligne m1 (transpose m2);;  
val multmat : int list list -> int list list ->  
int list list = <fun>
```

- ▶ Exemple:

```
# let m1,m2 = [[6;5];[0;8]],[[1;2];[3;4]];;  
val m1 : int list list = [[6; 5]; [0; 8]]  
val m2 : int list list = [[1; 2]; [3; 4]]
```

Modélisation du calcul matriciel (suite)

- ▶ Finalement: produit matriciel

```
# let multmat m1 m2 = prodligne m1 (transpose m2);;  
val multmat : int list list -> int list list ->  
int list list = <fun>
```

- ▶ Exemple:

```
# let m1,m2 = [[6;5];[0;8]],[[1;2];[3;4]];;  
val m1 : int list list = [[6; 5]; [0; 8]]  
val m2 : int list list = [[1; 2]; [3; 4]]  
  
# multmat m1 m2;;
```

Modélisation du calcul matriciel (suite)

- ▶ Finalement: produit matriciel

```
# let multmat m1 m2 = prodligne m1 (transpose m2);;  
val multmat : int list list -> int list list ->  
int list list = <fun>
```

- ▶ Exemple:

```
# let m1,m2 = [[6;5];[0;8]],[[1;2];[3;4]];;  
val m1 : int list list = [[6; 5]; [0; 8]]  
val m2 : int list list = [[1; 2]; [3; 4]]  
  
# multmat m1 m2;;  
- : int list list = [[21; 32]; [24; 32]]
```